

# AFA – Matemática – 1997

01) (AFA-97) O produto das raízes da equação

$$\left(\sqrt{2+\sqrt{3}}\right)^x + \left(\sqrt{2-\sqrt{3}}\right)^x = 4 \text{ pertence ao conjunto dos números:}$$

- a) naturais e é primo
- b) inteiros e é múltiplo de quatro
- c) complexos e é imaginário puro
- d) racionais positivos e é uma fração imprópria

02) (AFA-97) A solução da equação

$$\left[10\left(\sqrt{68}-4i\sqrt{2}\right)^{10}\right]^x = \left|\left(2\sqrt{17}-4i\sqrt{2}\right)^{21}\right| \quad i = \sqrt{-1} \text{ é:}$$

- a)  $\frac{21}{11}$
- b) 2
- c)  $\frac{31}{12}$
- d) 4

03) (AFA-97) Se  $n$  é um número natural maior que 1, então o valor do produto  $(\text{Det } A) C_{n,2}$ , onde  $A = (a_{ij})_{(n+1) \times (n+1)}$  é uma matriz cujos

elementos são definidos por  $a_{ij} = \begin{cases} i & \text{se } i = j \\ 1 & \text{se } i \neq j \end{cases}$  é:

- a)  $2^n - 2$
- b)  $(n-1)^{i+1}$
- c)  $(n-1)^2 \cdot n$
- d)  $\frac{n}{2}(n-1)n^i$

04) (AFA-97) Considere as matrizes  $A = (a_{ij})_{2 \times 2}$  e  $B = (b_{ij})_{2 \times 2}$  definidos por  $a_{ij} = x^i - x^j$  e  $b_{ij} = (i+j) \cdot x$ ,  $x \in \mathbb{R}^*$ . Se a função  $f: \mathbb{R}^* \rightarrow \mathbb{R}$  é definido por

$$f(x) = \frac{1}{x} \text{ então para } x = \frac{\text{Det } B}{\text{Det } A} \text{ o valor de } f(x) \text{ é:}$$

- a)  $(x-1)^2$
- b)  $(x-2)^2$
- c)  $-(x-1)^2$
- d)  $-(x-2)^2$

05) (AFA-97) O valor da expressão  $i^{101}(1-i)^{46}(1+i)^{-44}, i = \sqrt{-1}$  é:

- a) 2
- b) 4
- c) 5
- d) 8

06) (AFA-97) Dez balões azuis e oito brancos deverão ser distribuídos em três enfeites de salão sendo que um deles tenha 7 balões e os outros dois no mínimo 5. Cada enfeite deverá ter 2 balões azuis e 1 branco pelo menos. De quantas maneiras distintas pode-se fazer os enfeites usando simultaneamente todos os balões?

- a) 9
- b) 10
- c) 11
- d) 12

07) (AFA-97) Considere a equação  $(x+i)^2 = 6 - (x+i)^2$ , onde  $x$  é um número complexo,  $i = \sqrt{-1}$  e  $\text{Re } x > 0$ . O menor número natural  $n$  tal que  $x^n$  seja um imaginário puro é:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4

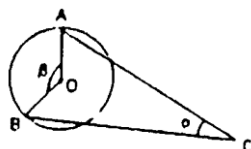
08) (AFA-97) A soma dos valores de  $k$ , para os quais o sistema homogêneo

$$\begin{cases} 4x + 4y + \left(\log_A \frac{256}{k}\right)z = 0 \\ 2x + 2\left(\log_A k^4\right)y - 2z = 0 \\ 2x + 2y + 2z = 0 \end{cases} \text{ seja indeterminado, é,}$$

aproximadamente:

- a) 1,2
- b) 2,4
- c) 3,5
- d) 4,6

09) (AFA-97) Na figura abaixo,



$\overline{AC} = \overline{BC} = 2\overline{AB}$   $\beta = 30^\circ$  e  $\overline{OA} = \overline{OB} = r$  onde  $r$  é o raio da circunferência com centro O. Então a medida de arco  $(\overline{AB})$  é:

- a)  $r \arccos \frac{5}{8}$
- b)  $r \arccos \frac{7}{8}$
- c)  $3r \arccos \frac{5}{8}$
- d)  $3r \arccos \frac{7}{8}$

10) (AFA-97) Qual das afirmações abaixo é correta?

- a) Dois planos  $\alpha$  e  $\beta$  paralelos a mesma reta são paralelos entre si;
- b) Um plano  $\alpha$  paralelo a uma reta de um plano  $\beta$  é paralelo a  $\beta$
- c) Um plano  $\alpha$  paralelo a duas retas de um plano  $\beta$  é paralelo a  $\beta$
- d) Um plano  $\alpha$  perpendicular a uma reta de um plano  $\beta$  é perpendicular a  $\beta$

11) (AFA-97) Dada a matriz  $A = \begin{bmatrix} \sin \theta & 0 & \cos \theta & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \sin \theta & 0 & \cos \theta & 0 \\ \sin \theta & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$  é correto

afirmar que:

- a)  $A$  nunca é inversível
- b) Se  $A$  é inversível, então  $0 \leq \theta \leq \pi$
- c)  $A$  é inversível independentemente do valor de  $\theta$
- d)  $A$  é inversível se, e somente se  $\theta = n\pi$ ,  $n \in \mathbb{Z}$

12) (AFA-97) Os valores de  $k$ , que fazem o sistema

$$\begin{cases} x - z = 0 \\ kx + y + 3z = 0 \\ x + ky + 3z = 1 \end{cases} \text{ admitir uma única solução real, pertencem ao}$$

conjunto:

- a)  $\mathbb{R} - \{1,3\}$
- b)  $\mathbb{R} - \{1,-4\}$
- c)  $\mathbb{R} - \{-1,4\}$
- d)  $\mathbb{R} - \{1,-3\}$

13) (AFA-97) Se  $a$ ,  $b$  e  $c$  são raízes da equação  $2x^3 - 3x^2 + 5x + 1 = 0$

então  $\frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} + \frac{1}{c^2}$  é:

- a) 30
- b) 31
- c) 32
- d) 33

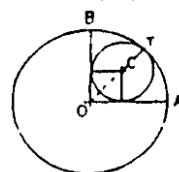
14) (AFA-97) A soma das raízes da equação  $e^{2 \ln x} (\log 5) - 8x (\log 5) - (\log 32) = -5$ , onde  $e = 2,7$  é:

- a) 3
- b) 4
- c) 5
- d) 6

15) (AFA-97) No primeiro quadrante seja a região triangular  $\beta$  determinada pelos eixos coordenados e pela reta  $(r) y = -x + a$  e a região circular  $(\alpha) 2x^2 + 2y^2 \leq a^2$ . O valor numérico da área da região  $\beta - \alpha$ , é:

- a)  $\frac{a^2}{16}(4 - \pi)$
- b)  $\frac{a^2}{8}(4 - \pi)$
- c)  $\frac{a^2}{32}(\pi - 1)$
- d)  $\frac{a^2}{4}(\pi - 1)$

16) (AFA-97) Na figura, a circunferência de centro O tem raio 10cm, e a de centro C tem raio  $r$ . Se OA é perpendicular a OB, então o valor de  $r$  é:



- a)  $5(\sqrt{2} - 1)$
- b)  $5(2\sqrt{2} - 1)$
- c)  $10(\sqrt{2} - 1)$
- d)  $10(2\sqrt{2} - 2)$

17) (AFA-97) Uma esfera é seccionada por um plano distante 2cm de seu centro. Se a área de secção é  $5\pi \text{ cm}^2$ , o volume da esfera em  $\text{cm}^3$  é:

- a)  $12\pi$       b)  $27\pi$       c)  $36\pi$       d)  $108\pi$

18) (AFA-97) Uma esfera com 2cm de raio é imersa em um recipiente contendo água com o formato de um prisma hexagonal regular, cuja base está inscrita em uma circunferência de raio R. Supondo que a água não transborde, qual a variação de seu nível?

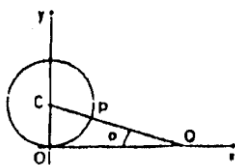
- a)  $\left(\frac{2^4\sqrt{3}}{3}\right)\frac{\pi}{R}$       b)  $\left(\frac{2^4\sqrt{3}}{3^2}\right)\frac{\pi}{R}$   
c)  $\left(\frac{2^5\sqrt{3}}{3^3}\right)\frac{\pi}{R^2}$       d)  $\left(\frac{2^6\sqrt{3}}{3^3}\right)\frac{\pi}{R^2}$

19) (AFA-97) Numa pirâmide triangular regular a aresta da base mede 6cm e a da lateral 8cm. Então o apótema da pirâmide e o da sua base valem, em cm, respectivamente:

- a)  $\sqrt{55}$  e  $\sqrt{3}$       b)  $\sqrt{3}$  e  $3\sqrt{5}$   
c)  $\sqrt{3}$  e  $\sqrt{3}$       d)  $\sqrt{55}$  e  $3\sqrt{5}$

20) (AFA-97) No plano cartesiano conforme a figura abaixo, C é o centro da circunferência <sup>1</sup>, então  $\overline{PQ}$  vale:

- a) 1,5r  
b) 2r  
c) 2,5r  
d) 3r



21) (AFA-97) Se  $\cos(\alpha - 10^\circ) = 0,94$ ,  $\cos(\pi + 2\alpha) = -0,94$  e  $0 < \alpha < 45^\circ$ , então  $\alpha$ , em graus, vale:

- a) 5      b) 10      c) 15      d) 20

22) (AFA-97) Um quebra-luz tem formato de um cone de geratriz 12cm e altura 9cm. Uma lâmpada acesa no vértice do cone, projeta no chão um círculo de 4cm de diâmetro. Então, a distância entre a lâmpada e o chão em cm é:

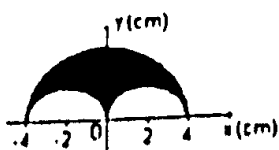
- a)  $\left(\frac{18}{63}\right)\sqrt{3}$       b)  $\left(\frac{18}{63}\right)\sqrt{63}$   
c)  $\left(\frac{1800}{63}\right)\sqrt{3}$       d)  $\left(\frac{1800}{63}\right)\sqrt{63}$

23) (AFA-97) O volume em  $\text{cm}^3$  de uma cunha esférica de  $60^\circ$  em uma esfera de raio 3cm é:

- a)  $3\pi$       b)  $6\pi$       c)  $9\pi$       d)  $18\pi$

24) (AFA-97) A região R da figura está limitada por três semi-circunferências. Sabendo-se que tal região efetua uma volta completa em torno do eixo Ox, então o volume do sólido gerado por ela, em  $\text{cm}^3$  é:

- a)  $\frac{2^6}{3}\pi$       b)  $\frac{2^2}{3}\pi$       c)  $2^6\pi$       d)  $2^8\pi$



25) (AFA-97) Qual das afirmações abaixo é verdadeira?

- a) Se o polinômio  $P(x) = x^3 + Ax^2 + Bx - 8$  é divisível por  $(x - 1)$  e por  $(x + 2)$ , então o resto da divisão de  $P(x)$  por  $(x - 3)$  é -6;  
b) A função  $y = \cos x - \sin x$ , somente em termos de  $\sin x$ , é dada por  $y = \sqrt{2} \sin\left(\frac{\pi}{4} + x\right)$ ;  
c) Se os números A, B e 1 são raízes da equação  $x^3 - 6x^2 + 1x - 6 = 0$ , então  $A^2 + B^2 = 12$ ;  
d) Se  $S = \left\{x \in \mathbb{R} / |\sin x| < \frac{1}{2}\right\}$  e  $T = \{x \in \mathbb{R} / -1 < \cos x < 0\}$  então,  
 $S \cap T = \left\{s \in \mathbb{R} / \frac{5\pi}{6} < x < \frac{7\pi}{6}\right\}$  para  $0 < x < 2\pi$

26) (AFA-97) Dada a sequência de retas  $(r_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$  tal que

$$(r_{10}) \quad y = \frac{x}{1024} + \frac{13}{2} \quad (r_{11}) \quad y = \frac{x}{2048} + 7$$

$(r_{12}) \quad y = \frac{x}{4096} + \frac{15}{2}$  é correto afirmar que a reta  $(r_1)$  passa pelo ponto:

- a) (3,2)      b) (3,4)      c) (4,4)      d) (4,6)

27) (AFA-97) Qual a razão entre os perímetros do triângulo equilátero inscrito numa circunferência ao raio r e do triângulo equilátero com altura r?

- a)  $\frac{3}{2}$       b)  $\frac{5}{3}$       c)  $\frac{2}{3}$       d)  $\frac{3}{5}$

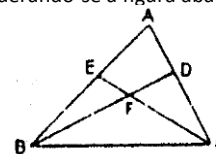
28) (AFA-97) Qual das equações abaixo representa a circunferência inscrita no triângulo de vértice A(3,5), B(9,5) e C(3,11)?

- a)  $x^2 + y^2 - 12x - 8y + 70 = 0$   
b)  $x^2 + y^2 - 6x - 12y + 66 = 0$   
c)  $x^2 + y^2 - 8x - 10y + 68 = 0$   
d)  $x^2 + y^2 - 10x - 14y + 72 = 0$

29) (AFA-97) Sejam os triângulos ABC e CDE. O triângulo ABC está inscrito em uma circunferência de raio  $\sqrt{3}$ .  $\overline{CA} = \sqrt{3}$  e ainda AB é um diâmetro da mesma. Os vértices D e E do triângulo CDE são a intersecção do prolongamento dos lados CA e CB com a reta paralela a AB e tangente a mesma circunferência. O valor de DE é:

- a) 9      b)  $5\sqrt{3}$       c)  $6 + \sqrt{3}$       d)  $2(2 + \sqrt{3})$

30) (AFA-97) Considerando-se a figura abaixo, pode-se afirmar que :



- a) Se o triângulo ABC é isósceles então os triângulos ABD, ACE e BCD são sempre, dois a dois, congruentes;  
b) Os triângulos ABD e AEC são congruentes se os lados AB e AC forem congruentes e F o incentro do triângulo ABC;  
c) Os triângulos ABD e AEC são congruentes se os lados AB e BC forem congruentes e F o ortocentro do triângulo ABC;  
d) Os triângulos BEF e CDF são congruentes se os lados AB e BC forem congruentes e F o baricentro do triângulo ABC.

31) (AFA-97) A soma das raízes da equação  $\sin 3x + \sin 2x = 0$  para  $0 \leq x \leq \pi$  é:

- a)  $\frac{6\pi}{5}$       b)  $\frac{9\pi}{5}$       c)  $\frac{11\pi}{5}$       d)  $\frac{13\pi}{5}$

32) (AFA-97) Qual o valor numérico da área do polígono que tem como vértices a interseção da circunferência de centro  $C(2,0)$  e raio 4, com os eixos coordenados?

- a)  $8\sqrt{2}$       b)  $8\sqrt{3}$       c)  $16\sqrt{2}$       d)  $16\sqrt{3}$

33) (AFA-97) Qual é o perímetro em cm de um triângulo retângulo, com hipotenusa 5cm que inscreve uma circunferência de raio  $r = 1\text{cm}$ ?

- a) 10      b) 11      c) 12      d) 13

34) (AFA-97) O valor numérico do raio da circunferência que intersecciona a parábola  $x^2 - 2x - 4y - 1 = 0$  no eixo das abscissas, e tem seu centro no foco da mesma é:

- a) 1      b)  $\frac{3}{2}$       c)  $\frac{5}{2}$

35) (AFA-97) Seja uma Progressão Geométrica de 3 termos positivos com razão 2. O primeiro termo, o último e a soma dos 3 termos dessa PG nessa ordem formam os três primeiros termos de uma Progressão Aritmética. A razão entre os termos 24 e 34 dessa PA é:

- a) 0,4      b) 0,7      c) 1,4      d) 1,7

36) (AFA-97) Qual das equações abaixo representa a circunferência centrada no eixo das abscissas e tangente externamente no ponto de interseção da bissetriz do primeiro quadrante com a circunferência  $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 17 = 0$ ?

- a)  $x^2 + y^2 - 3 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 0$   
b)  $x^2 + y^2 + (6 - \sqrt{2})x = 0$   
c)  $x^2 + y^2 - (6 + \sqrt{2})x = 0$   
d)  $x^2 + y^2 - 19 + 6\sqrt{2} = 0$

37) (AFA-97) A área da circunferência que circunscreve o triângulo determinado pelas retas  $(r_1) y = 2x + 1$ ,  $(r_2) 2y + x - 12 = 0$  e  $(r_3) y = 1$  é:

- a)  $9\pi$       b)  $18\pi$       c)  $25\pi$       d)  $36\pi$

38) (AFA-97) Numa pirâmide hexagonal regular a aresta da base mede 4cm. Sabendo-se que a área lateral da pirâmide é  $60\text{ cm}^2$  então o seu volume, em  $\text{cm}^3$ , é:

- a)  $8\sqrt{39}$       b)  $48\sqrt{3}$       c)  $16\sqrt{13}$       d)  $48\sqrt{13}$

39) (AFA-97) Um tronco de pirâmide cujas bases são quadrados de lados medindo 10 e 4 cm e cuja altura de uma face lateral mede 9 cm, tem seu volume, em  $\text{cm}^3$ , igual a:

- a)  $116\sqrt{2}$       b)  $140\sqrt{2}$       c)  $156\sqrt{2}$       d)  $312\sqrt{2}$

40) (AFA-97) Numa urna são colocados números maiores que 2500 formados com os algarismos 1, 2, 3, 4 e 5 sem repetição. A probabilidade de se retirar dessa urna um número com apenas quatro algarismos é:

- a)  $0,\overline{3}$       b)  $0,\overline{34}$       c)  $0,\overline{37}$       d)  $0,\overline{39}$